un angolo costante, essa e al tempo stesso linea geodetica ; e, recipro.camente, *se essa e linea geodetica, essa attraversa tutte le generatici sotto un angolo costante.*

Sussiste anche l'altra proprietà, già enunciata dal sig. BONNET (ibid.), che « *se una linea geodetica incontra tutte le generatici sotto un angolo costante, essa è la linea di stringimento* ». Infatti trasformiamo la superficie in modo che la geodetica in questione diventi una linea retta : tutte le generataci della superficie trasformata risulteranno egualmente inclinate su questa retta e quindi, per un precedente teorema, la retta stessa sarà linea di stringimento della superficie trasformata. Dunque ecc.

§8.

Chiamando *a, b, e* i coseni degli angoli che fa coi tre assi la normale alla superficie rigata nel punto *(u)* della direttrice, avremo

sen 6 sen O sen O

Affinchè la superficie trasformata sia tangente, in tutti i punti della nuova direttrice, ad un cilindro normale al piano *xy,* bisognerà che si abbia

(40) EX —i!'i = °>

e quest'equazione, combinata colle solite cinque (7) ed (8), potrà servire a determinare le sei funzioni £r , n_l , £r , Zx , w, , n_l . Per questa ricerca si potrà procedere nel modo seguente.

Dalle (20) si ricava

£' m — •/)' *I =--7?* — x.(/• w' — /' m) + *n'*

Ti'n — *l' m* , *b =* *Hl — l'n* *l' m — n'l* *c =*

ovvero

da cui si cava

(41) n_l = coscp,

ponendo

y.du sen 6 Quindi, ponendo di nuovo

v s'2 sen2 6 —

sen 6 sen <